

# Un statisticien chez les biologistes, pour quoi faire ?

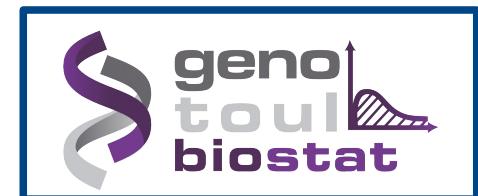
## Nécessité et difficultés de la conception à l'analyse

Sébastien DÉJEAN

- @ [sebastien.dejean@math.univ-toulouse.fr](mailto:sebastien.dejean@math.univ-toulouse.fr)
- [www.math.univ-toulouse.fr/~sdejean](http://www.math.univ-toulouse.fr/~sdejean)



[math.univ-toulouse.fr](http://math.univ-toulouse.fr)



[math.univ-toulouse.fr/biostat](http://math.univ-toulouse.fr/biostat)

- 1) énoncer clairement une question précise
- 2) prévoir les méthodes d'analyse des données
- 3) mettre en place un plan d'expérience

## **4) acquérir les données**

- 5) analyser des données
- 6) interpréter des résultats
- 7) répondre à la question posée

# Biogiste et Statisticien en symbiose

Quelques définitions du mot Symbiose :

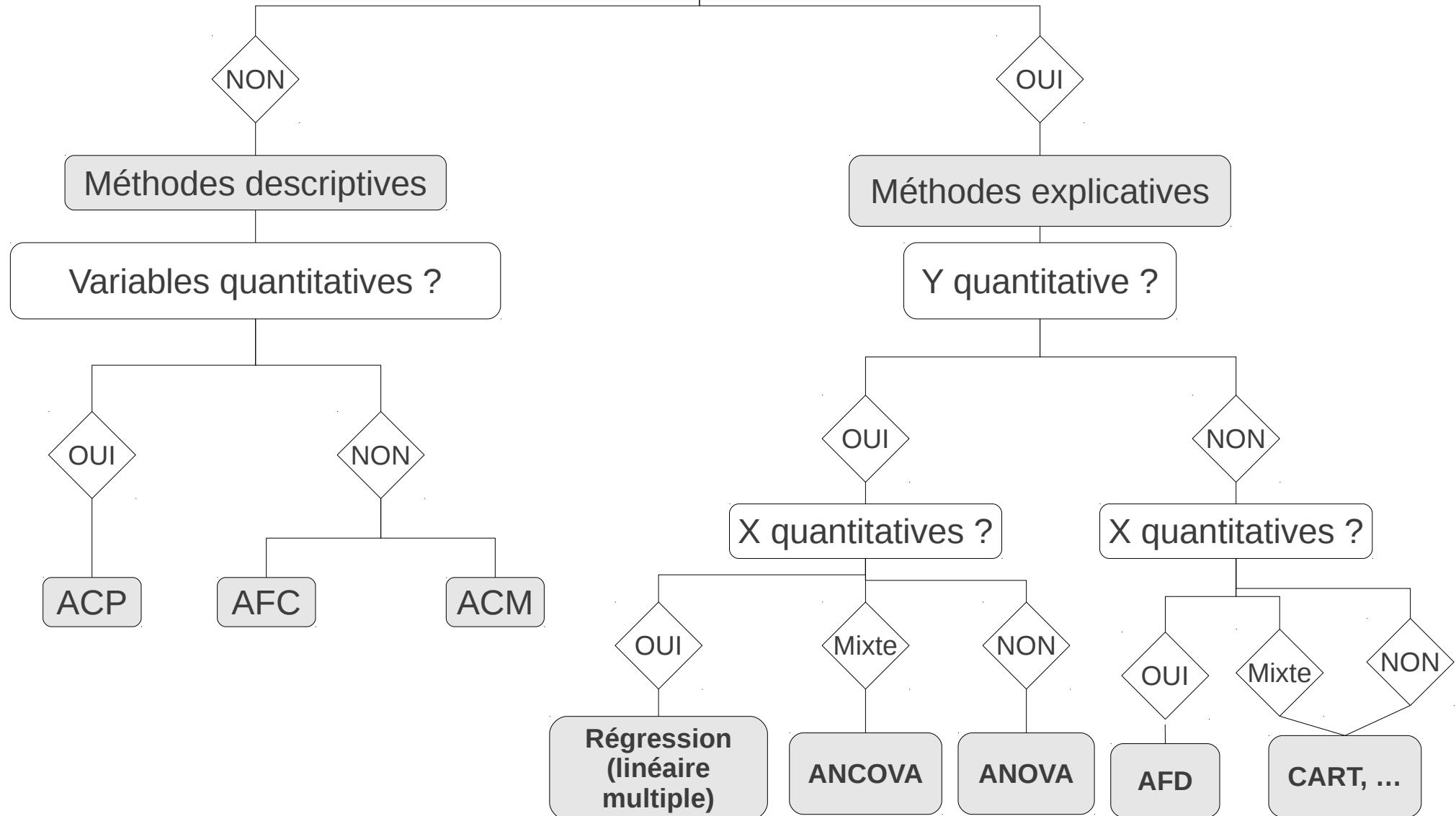
- association **durable** et **réciproque** entre deux ou plusieurs organismes vivants
- association **intime** et **durable** entre deux organismes hétérospécifiques (**espèces différentes**)
- relation écologique **obligatoire** qu'entretiennent des organismes d'espèce différente **vivant en contact direct** les uns avec les autres
- association **obligatoire** de deux ou de plusieurs organismes différents, les symbiotes, avec **bénéfice réciproque** et **qui leur permet de vivre**

# Quelques repères

# Analyse multidimensionnelle

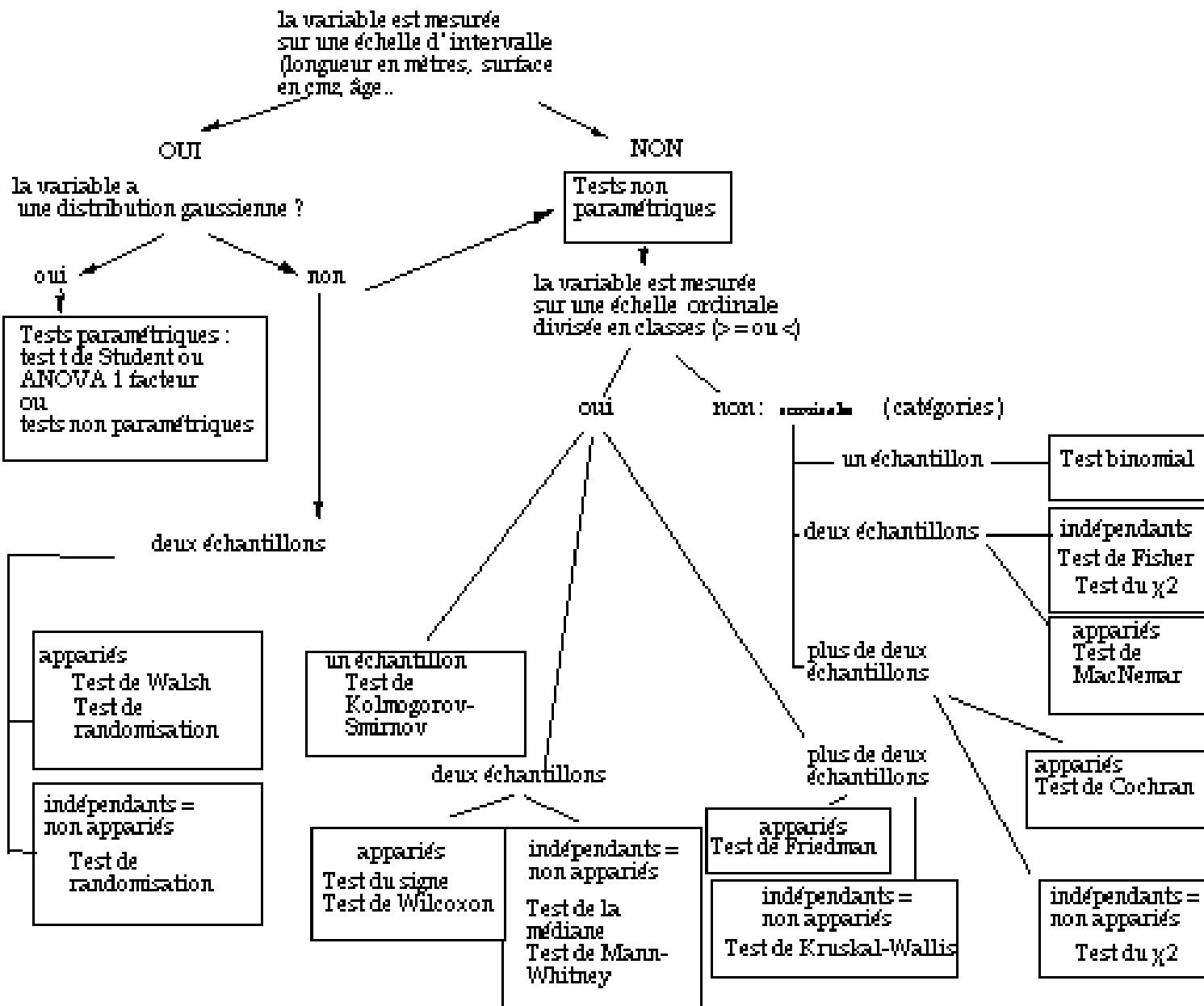


2 ensembles de données ?  
(à expliquer Y / explicatives X)

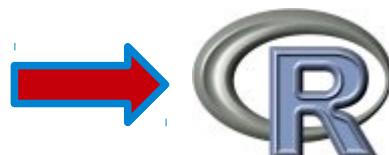
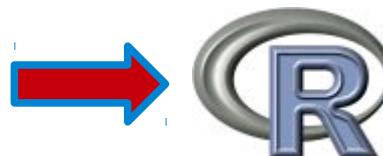
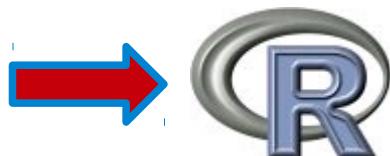
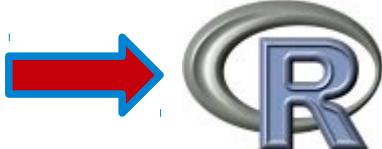


# Tests statistiques

## MéTHODES D'ANALYSE UNIVARIEES



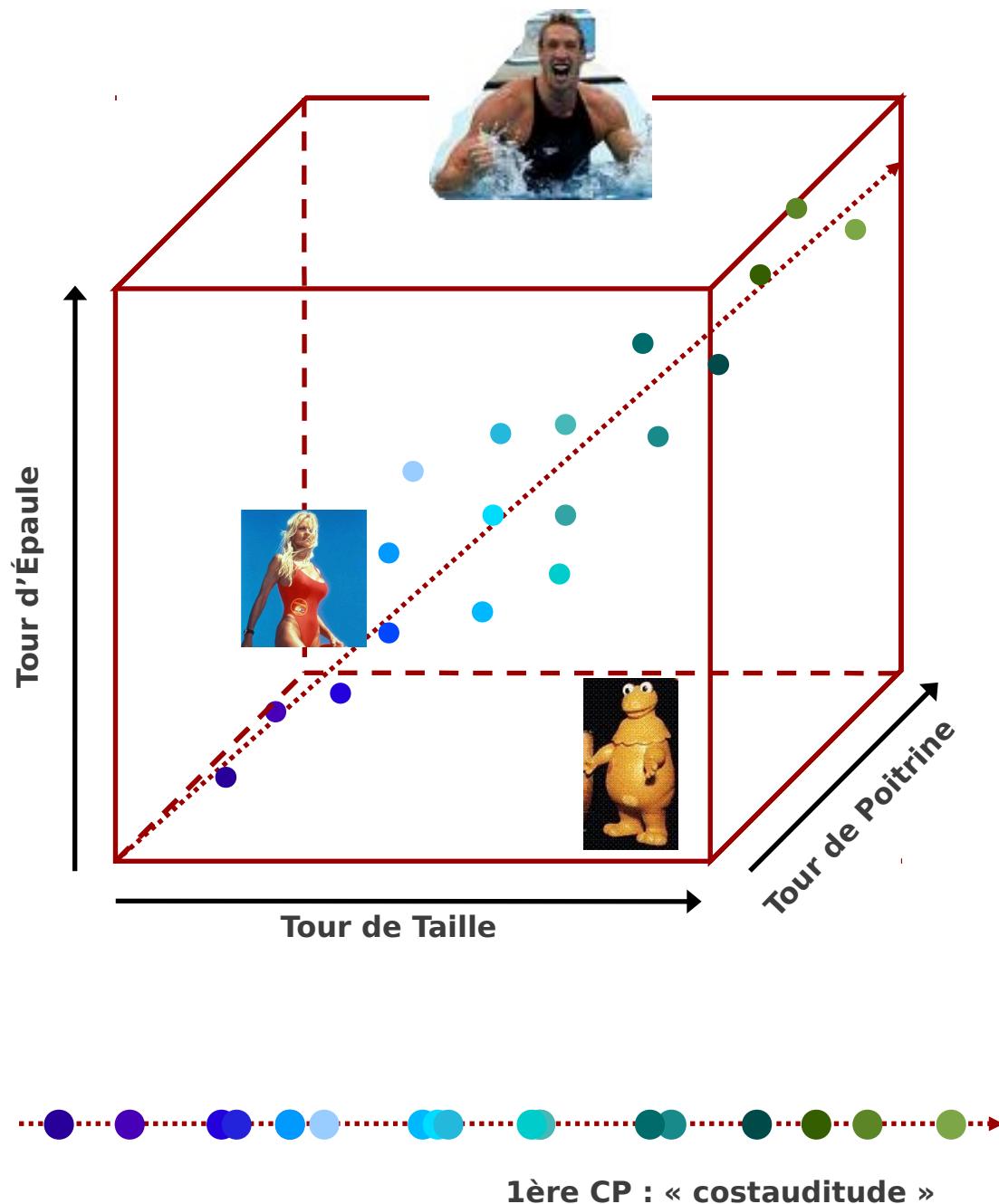
# Logiciels ◀◀◀



## Exemple 1

# Analyse en Composantes Principales

# L'ACP en 1 dessin





BASIC RESEARCH

## Identification of biomarkers of human pancreatic adenocarcinomas by expression profiling and validation with gene expression analysis in endoscopic ultrasound-guided fine needle aspiration samples

Henrik Laurell, Michèle Bouisson, Philippe Berthelémy, Philippe Rochaix, Sébastien Déjean, Philippe Besse, Christiane Susini, Lucien Pradayrol, Nicole Vaysse, Louis Buscall

# Des données ◀◀◀

Expression de **868** gènes mesurée sur **22** échantillons :

- Lignées pancréatiques (7 échantillons) : ASPC1, Bx-PC3, Capan 1, Capan 2, Mia-PaCa2, NP 29, Panc1 ;
- Lignées coliques (5 échantillons) : CaCo2, HCT116, HT29, SW480, SW620 ;
- Lignée leucémique (1 échantillon) : K562 ;
- Pièces tumorales (6 échantillons) : PT1, PT2, PT3, PT4, PT5, PT6 ;
- Pancréas normal (3 échantillons) : PancNorm1, PancNorm2, PancNorm3 ;

Extrait  
des  
données

	ASPC1	Bx-PC3	CAPAN1	CAPAN2	NP29	PANC1	MIA-PaCa2	PT1	PT2	PT3	PT4	PT5	PT6	CACO2	....
MAPRE1	1,838	1,736	1,523	2,062	1,353	2,488	2,319	-0,133	0,086	0,555	-0,036	0,238	1,279	2,551	
VIL2	1,458	1,687	1,429	0,788	0,605	0,736	2,243	0,02	0,745	0,25	-0,267	0,19	1,606	0,999	
NME2	3,82	4,452	4,966	4,719	4,031	4,912	5,252	2,958	3,167	3,11	2,743	2,327	3,641	4,141	
NME1	1,819	2,069	3,088	2,648	2,346	3,609	2,85	0,489	1,423	0,53	0,616	0,877	1,353	2,485	
MARK3	0,962	0,363	0,933	1,082	0,446	1,108	0,786	0,004	-0,045	-0,289	0,134	0,193	0,585	1,101	
JUN	2,157	1,417	0,887	-0,204	1,402	1,898	3,404	2,877	2,151	3,219	0,591	2,398	3,606	-0,054	
MYC	2,852	2,965	3,32	2,69	2,997	2,009	3,856	0,376	0,941	1,981	1,225	1,582	1,274	3,028	
FOSL1	2,342	1,996	2,233	1,345	1,963	3,229	3,36	-0,065	0,171	0,812	0,596	-0,774	-0,216	-1,167	
JUNB	-0,486	-0,046	-0,179	-0,649	-0,035	-0,757	-0,642	0,399	0,499	0,56	0,368	-0,3	1,208	-1,231	
AXL	0,741	1,194	-0,433	-0,513	0,326	1,353	1,358	0,018	1,122	0,358	0,501	0,362	1,281	-1,012	
ERBB3	2,733	2,499	2,727	2,35	2,503	1,29	3,142	1,555	0,928	2,503	0,619	0,443	1,877	2,449	
FLT1	2,023	2,674	3,294	3,043	2,686	3,287	3,762	2,178	1,402	2,282	0,679	0,94	2,677	2,436	
	...														

# Analyse multidimensionnelle



2 ensembles de données ?  
(à expliquer Y / explicatives X)



Méthodes descriptives



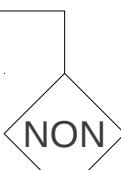
Méthodes explicatives

Variables quantitatives ?

Y quantitative ?



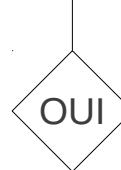
ACP



AFC



ACM



X quantitatives ?



X quantitatives ?



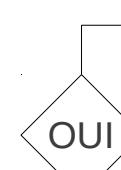
Régression  
(linéaire  
multiple)



ANCOVA



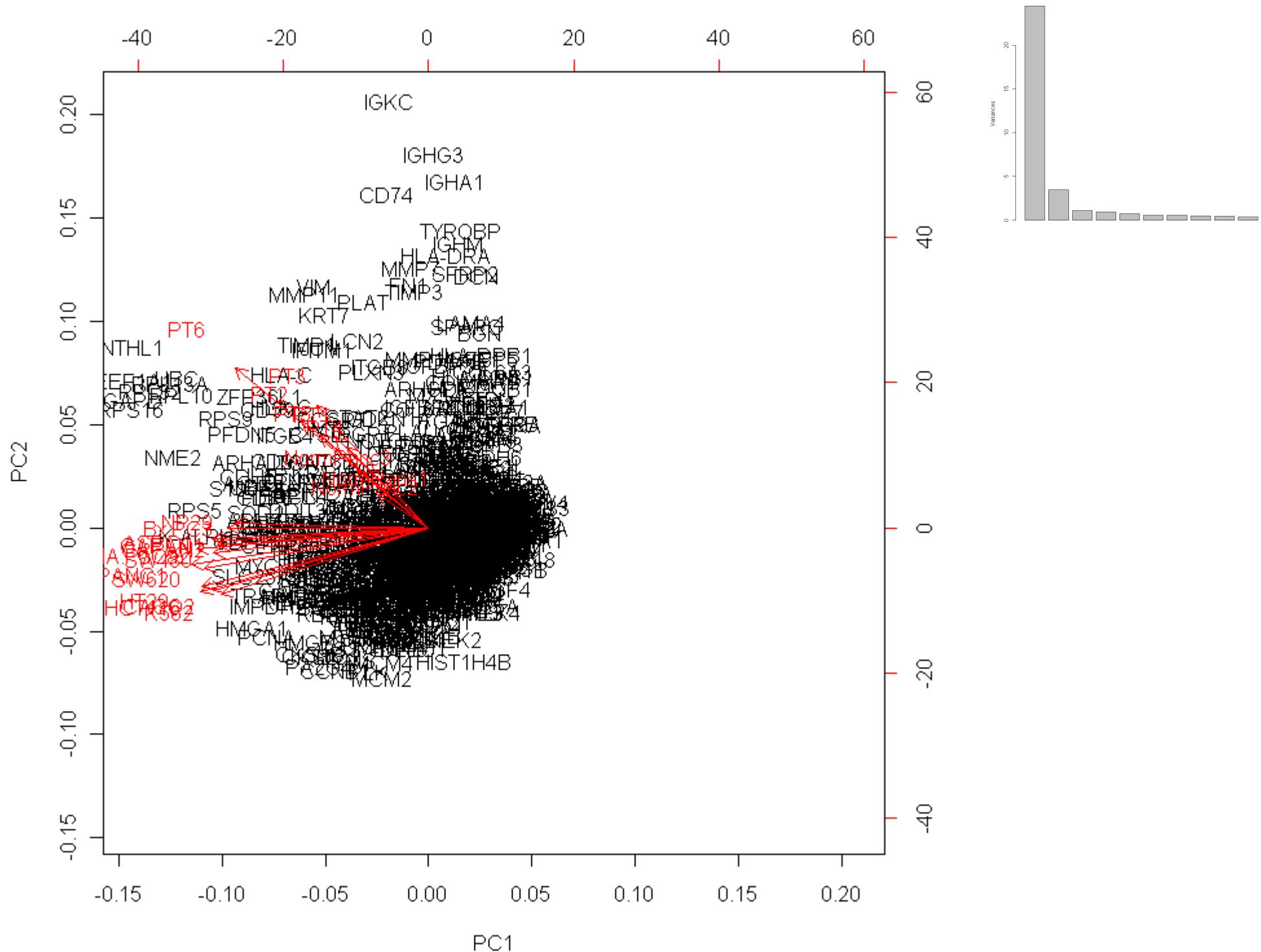
ANOVA

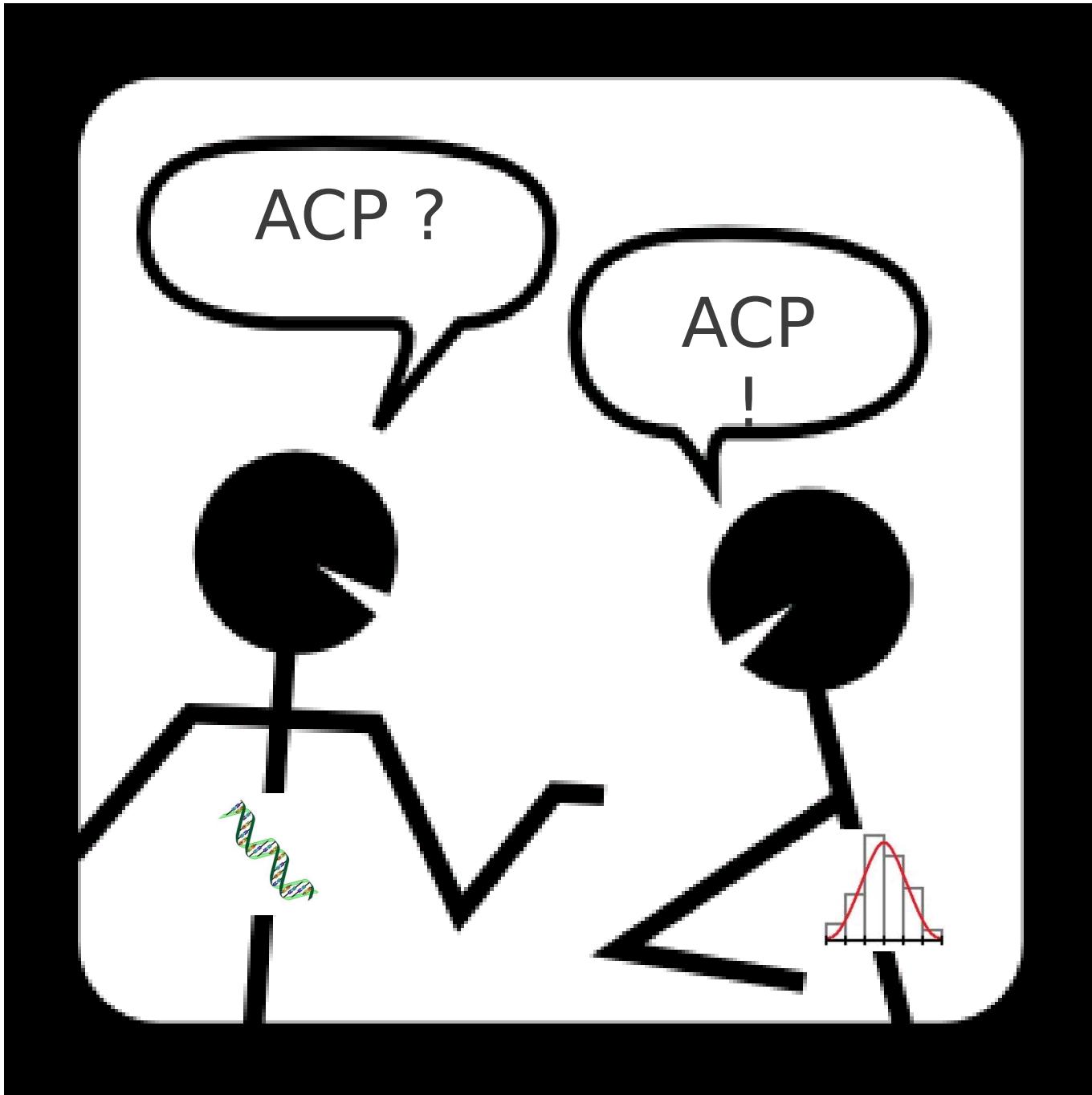


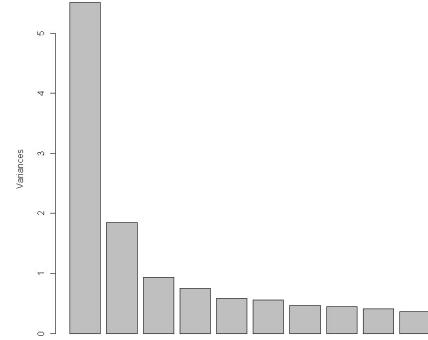
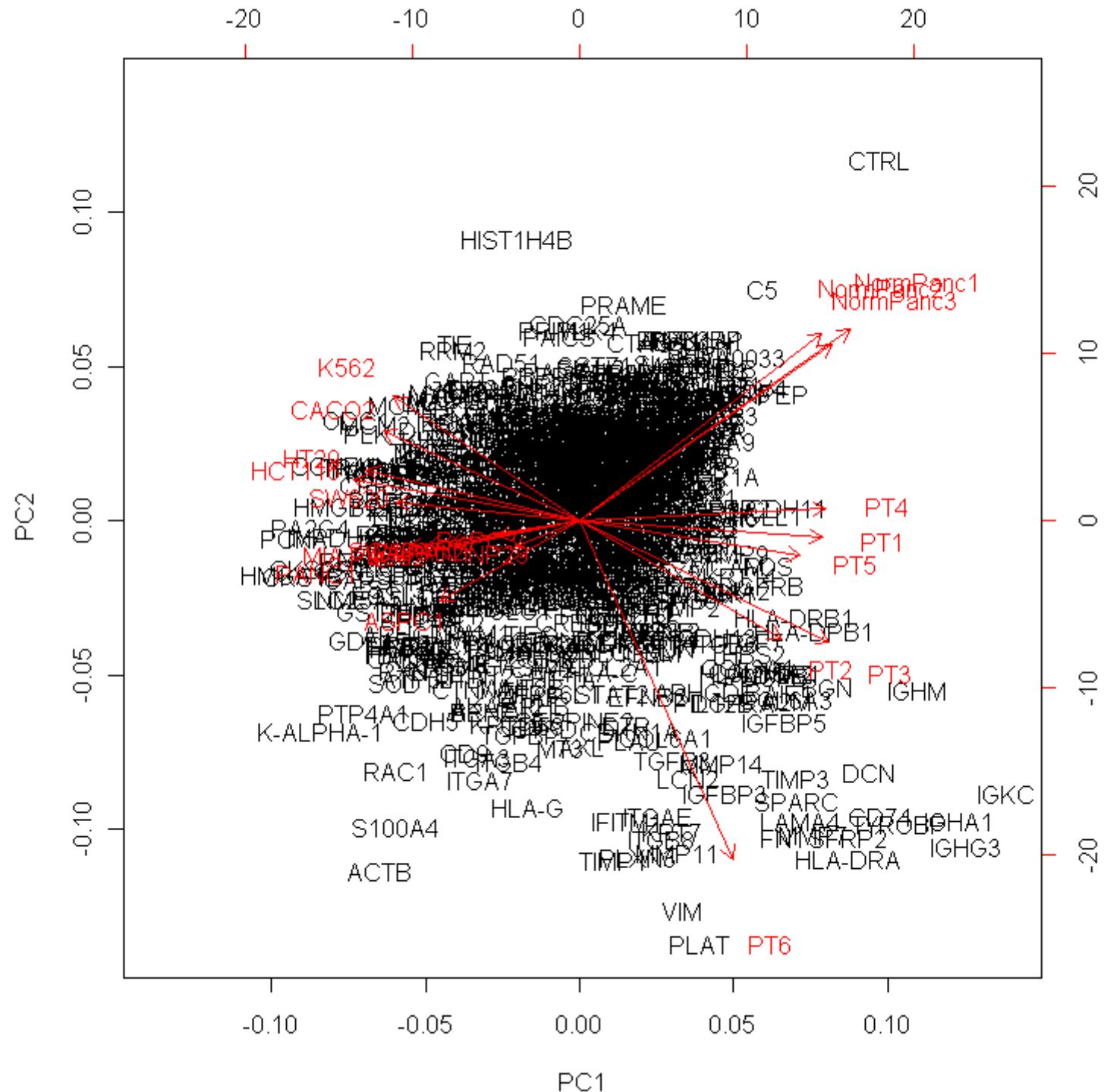
AFD

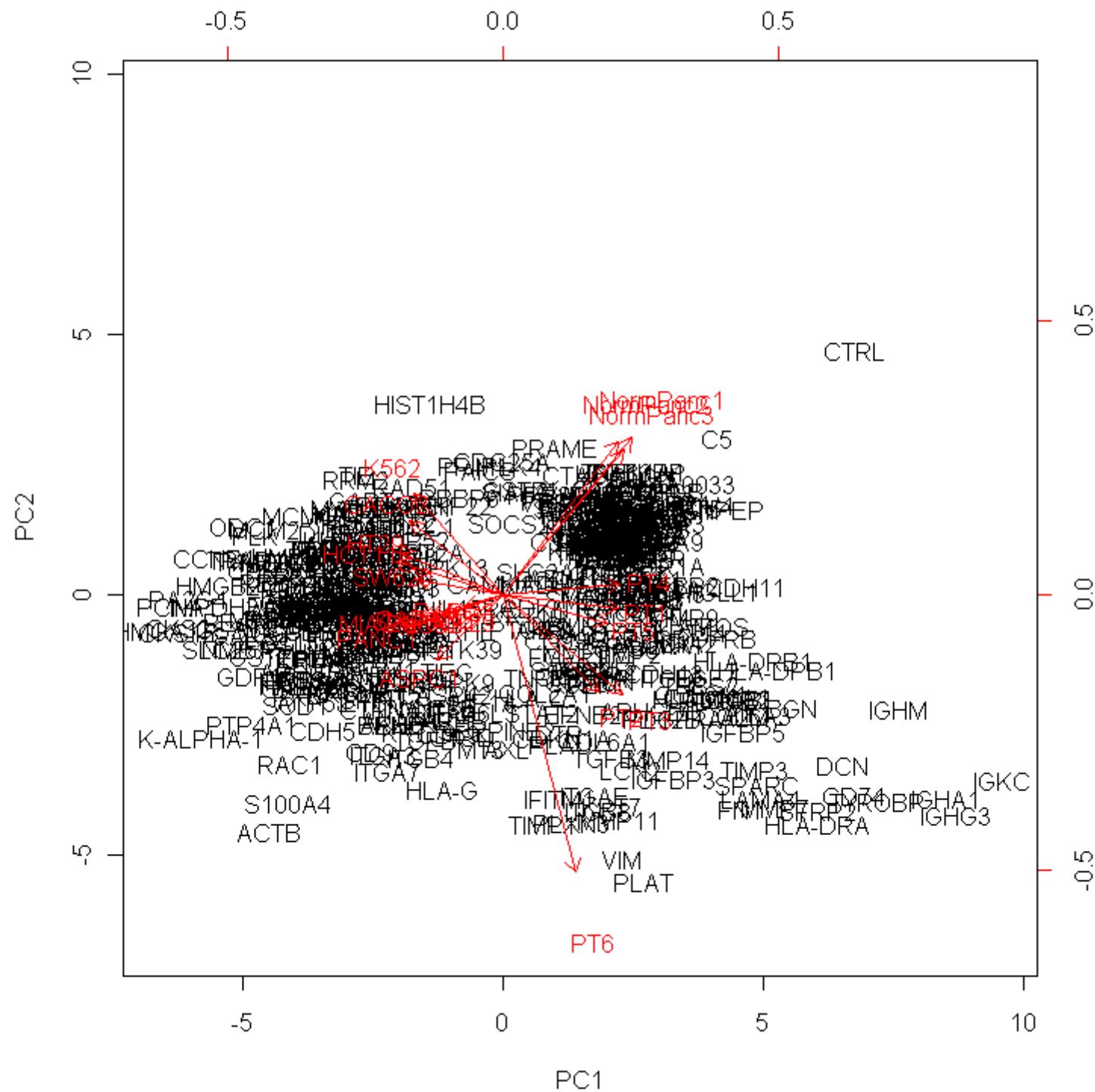


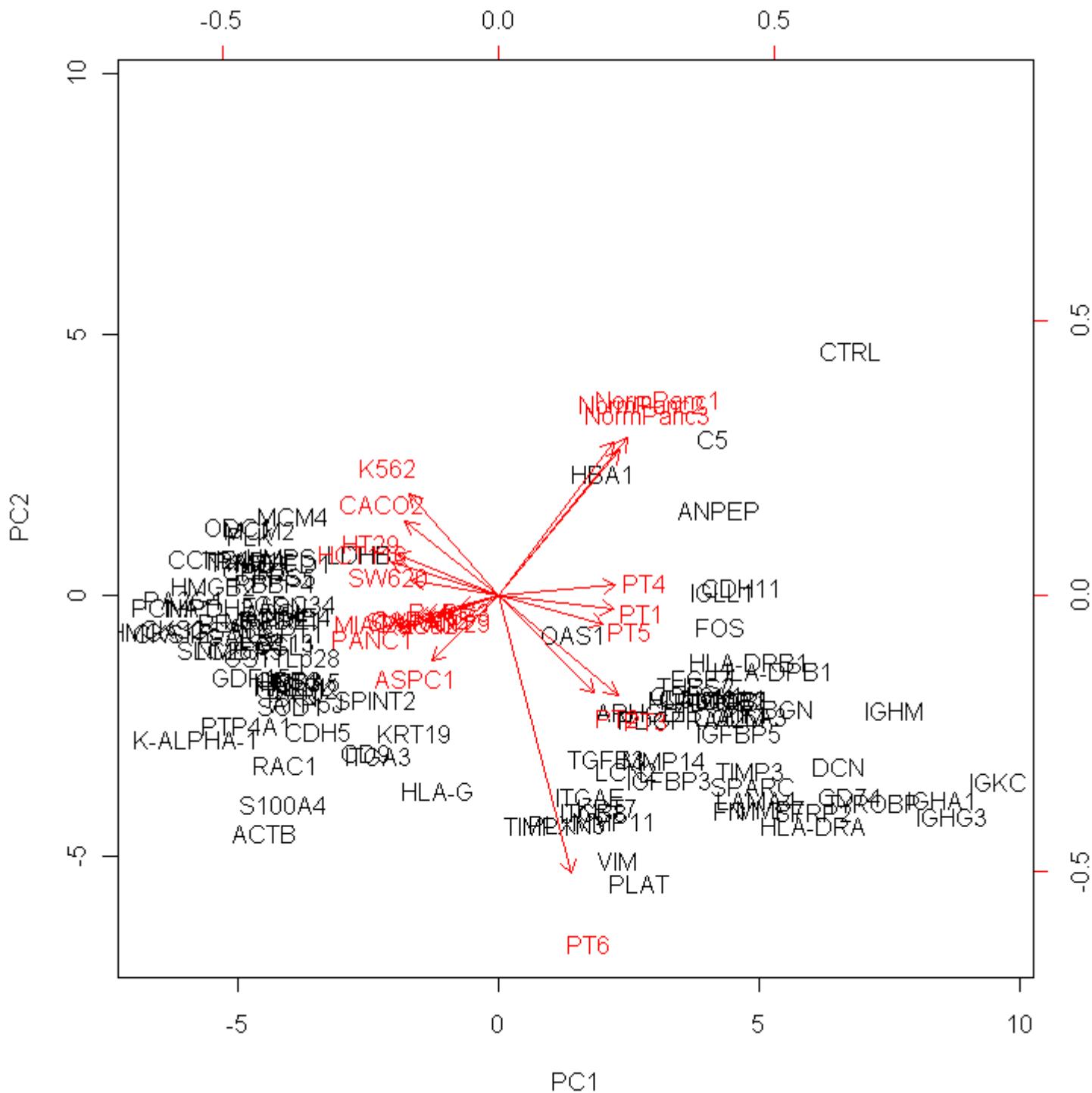
CART, ...

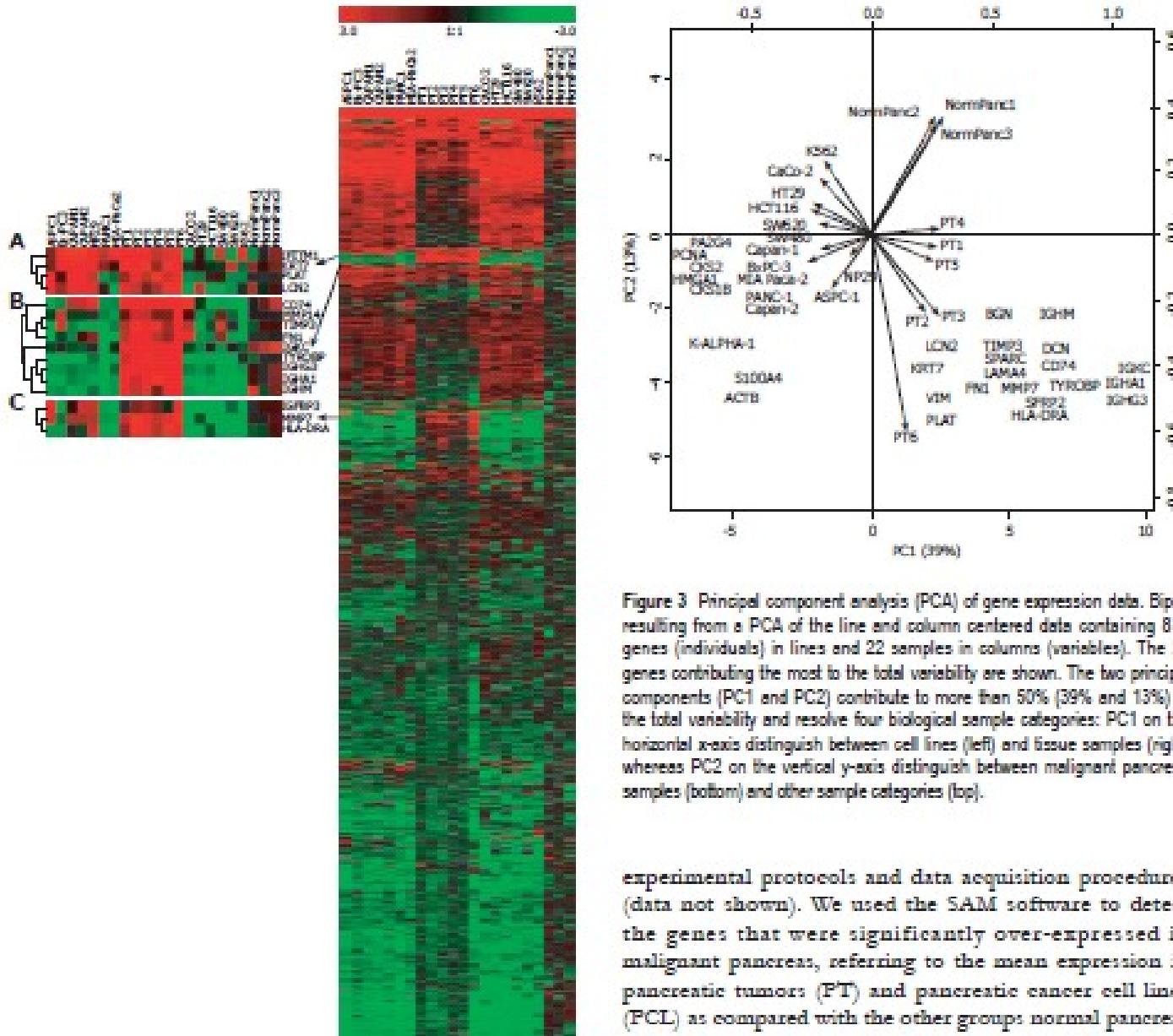


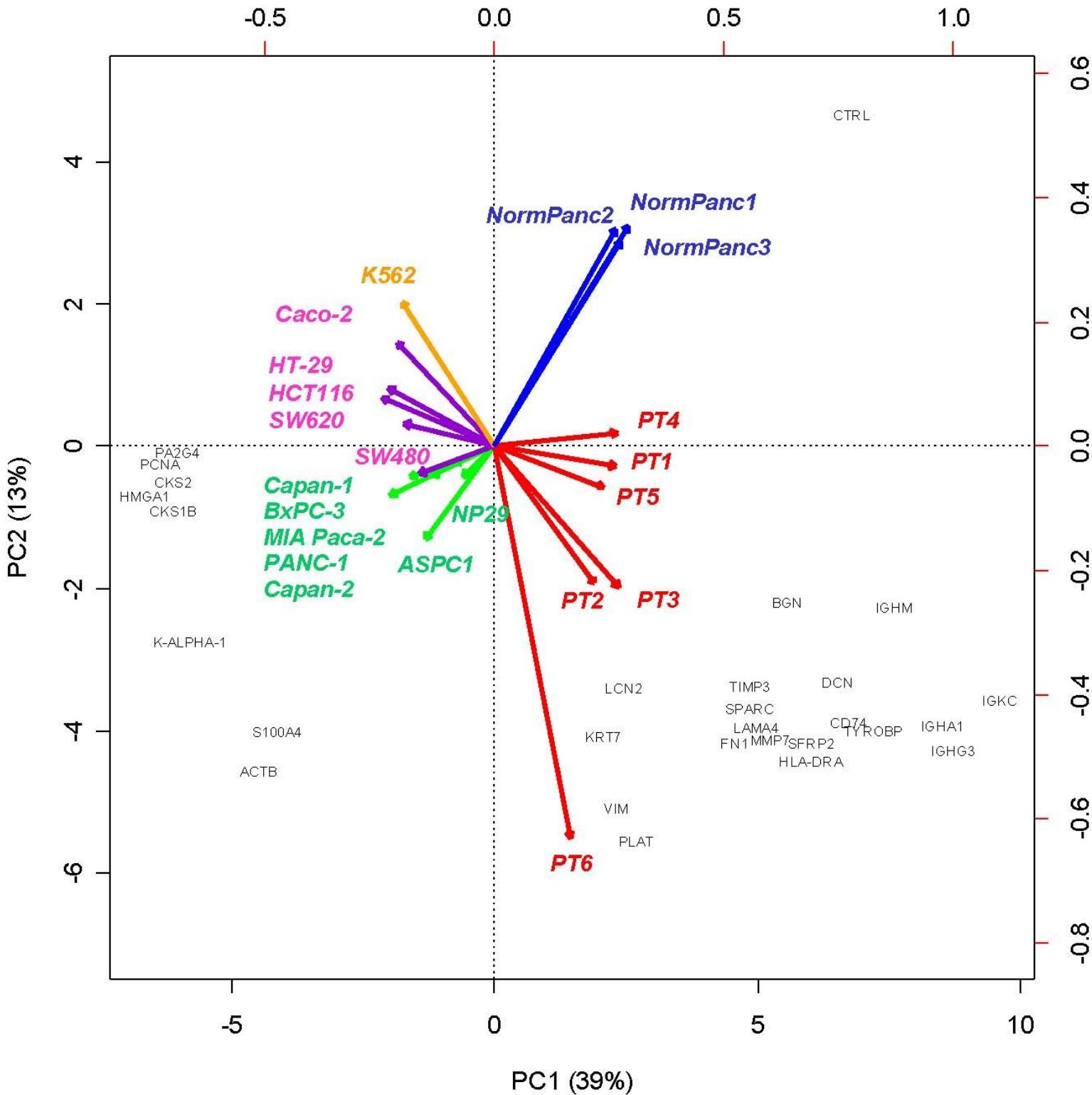










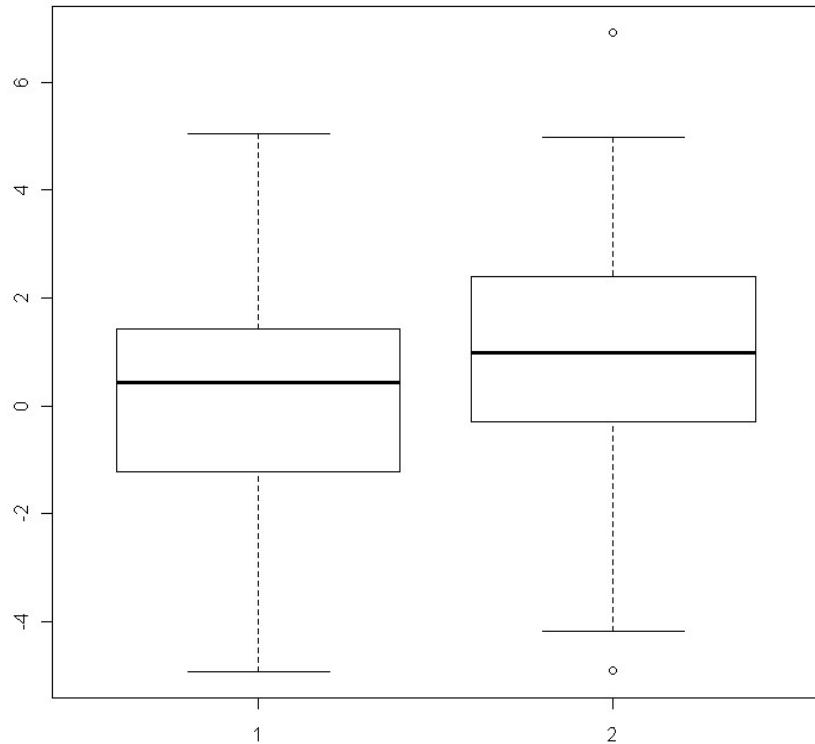


## Exemple 2

# Tests statistiques



# Test de comparaison de moyennes

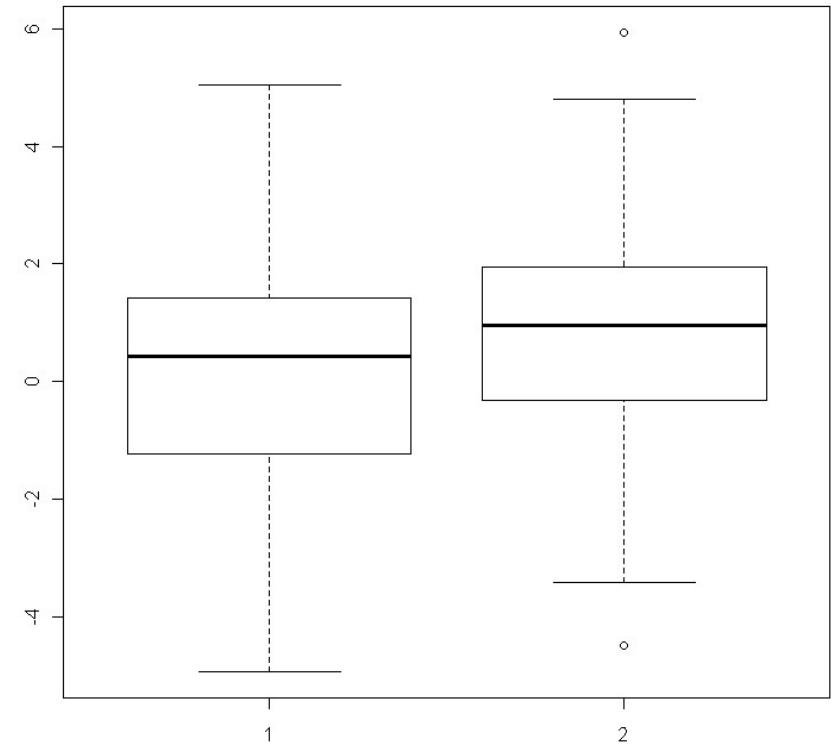
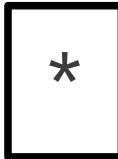


Two Sample t-test : p-value = **0.08284**

P-value > 5%

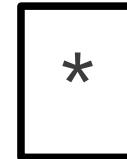


P-value < 10%

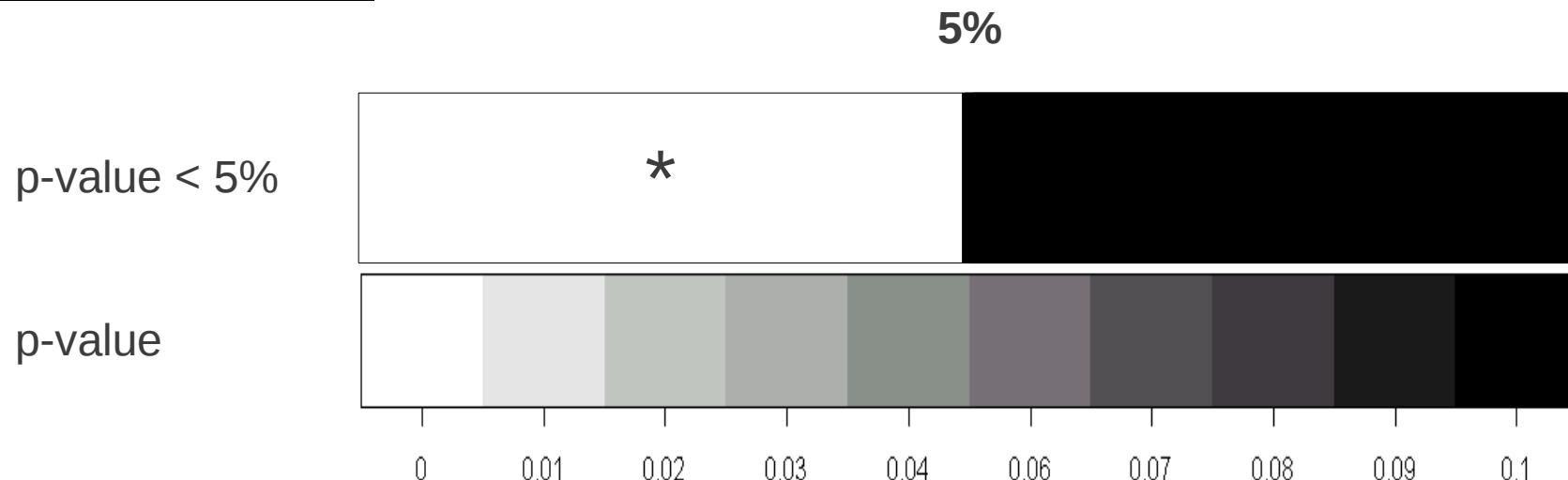
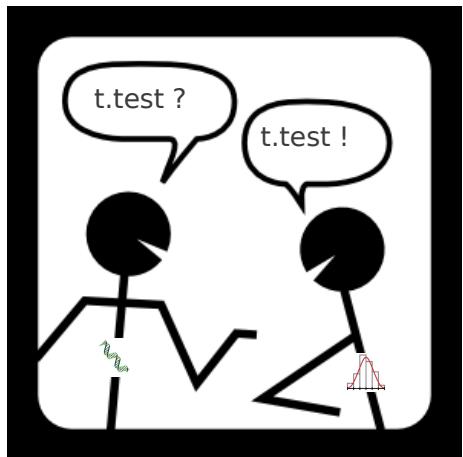


Two Sample t-test : p-value = **0.03556**

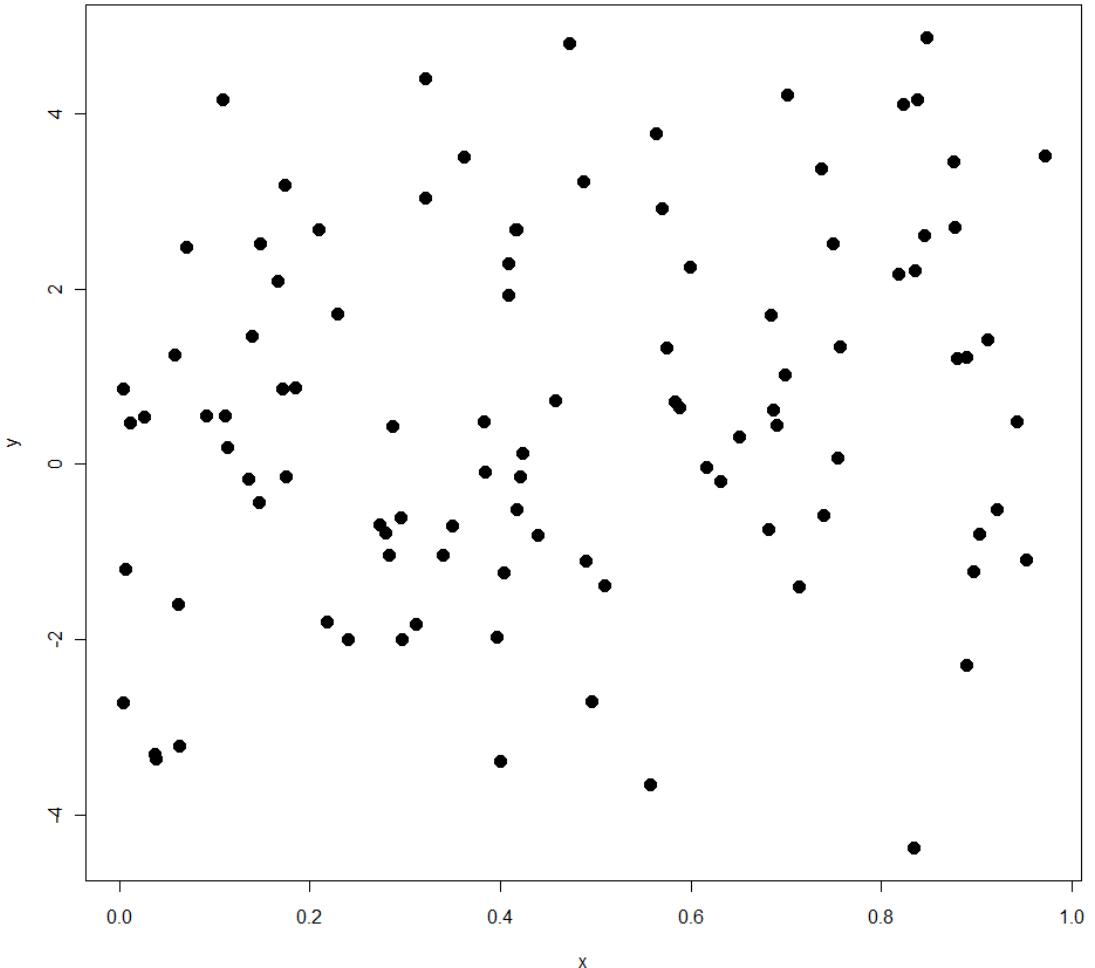
P-value < 5%



# Test de comparaison de moyennes



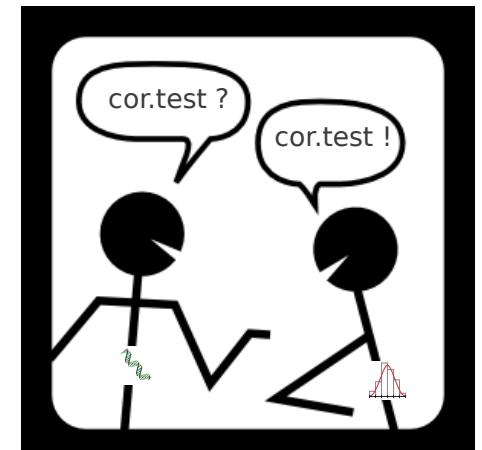
# Test sur le coefficient de corrélation



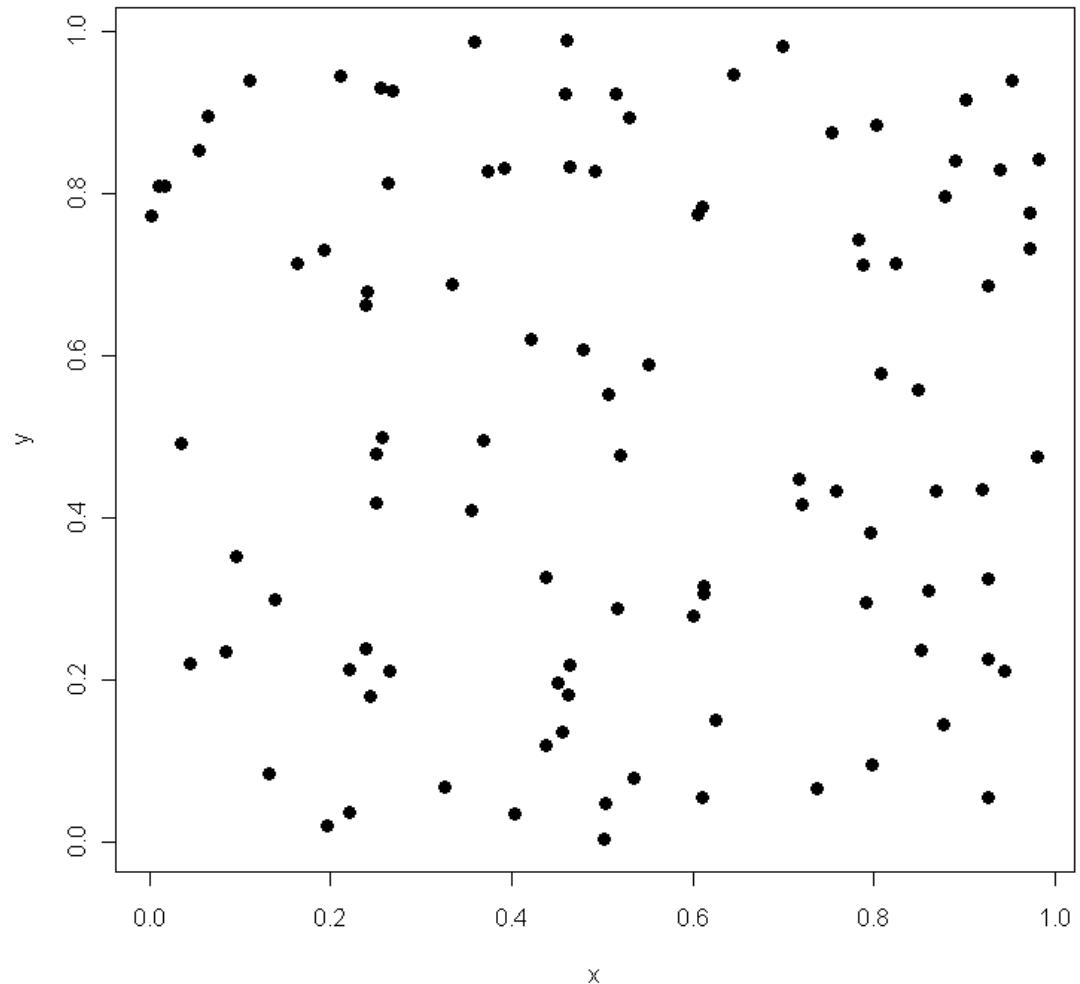
```
> cor.test(x, z)
```

Pearson's product-moment correlation

```
data: x and z  
t = 2.0884, df = 98, p-value = 0.03935  
alternative hypothesis: true  
correlation is not equal to 0  
95 percent confidence interval:  
 0.01042556 0.38714248  
sample estimates:  
 cor  
 0.206421
```



# Test sur le coefficient de corrélation



```
> cor.test(x,y)
```

Pearson's product-moment correlation

data: x and y

t = 0.0303, df = 98, p-value = **0.976**

alternative hypothesis: true

correlation is not equal to 0

95 percent confidence interval:

-0.1934772 0.1993555

sample estimates:

cor

**0.003057046**

# D'autres points sur les tests



- Risque de 2ème espèce
- Puissance
- Calcul d'effectifs
- Gestion de la multiplicité

- 1 comparaison :  $\alpha = P[\text{Rejeter } H_0 // H_0 \text{ vraie}] = 5\%$

→ Probabilité de ne pas commettre d'erreur :  $1-0.05 = 0.95$

- 3 comparaisons :

$$\left. \begin{array}{l} \alpha_1 = P[\text{Rejeter } H_{01} // H_{01} \text{ vraie}] = 5\% \\ \alpha_2 = P[\text{Rejeter } H_{02} // H_{02} \text{ vraie}] = 5\% \\ \alpha_3 = P[\text{Rejeter } H_{03} // H_{03} \text{ vraie}] = 5\% \end{array} \right\}$$

→ Probabilité de ne pas commettre d'erreur = produit des probabilités de ne pas commettre d'erreur à chacune des 3 comparaisons =  $(1-0.05) * (1-0.05) * (1-0.05) = 0.86$

Le risque (global) de commettre au moins une erreur est :

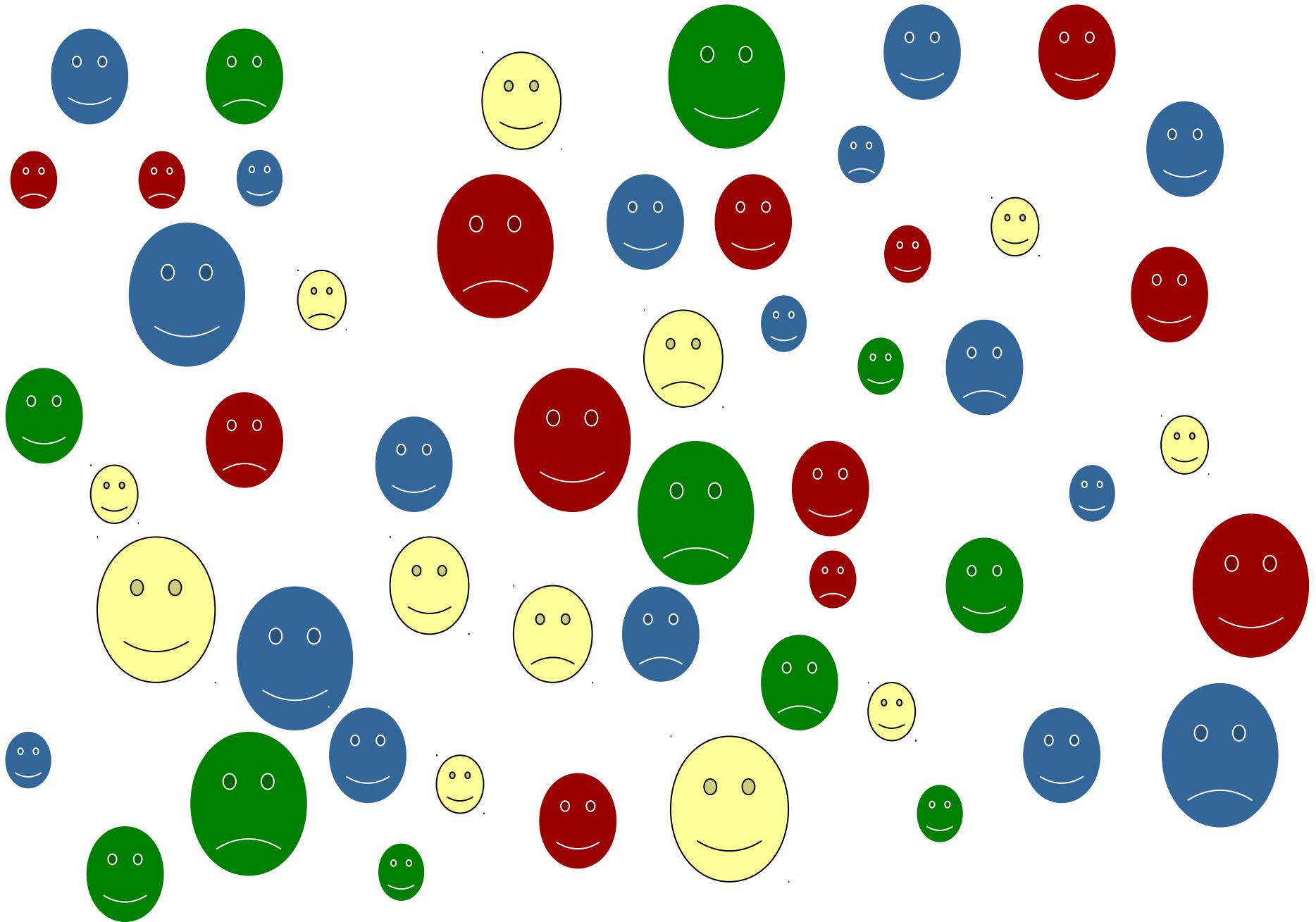
$$1-0.86 = \mathbf{0.14}$$

		Décision	
		H1 (rejet de H0)	H0 (accept. H0)
Réalité	H0	$\alpha$	Bonne décision
	H1	Bonne décision	$\beta$

# Exemple 3

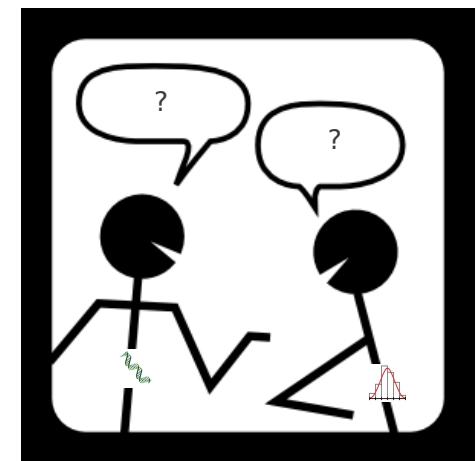
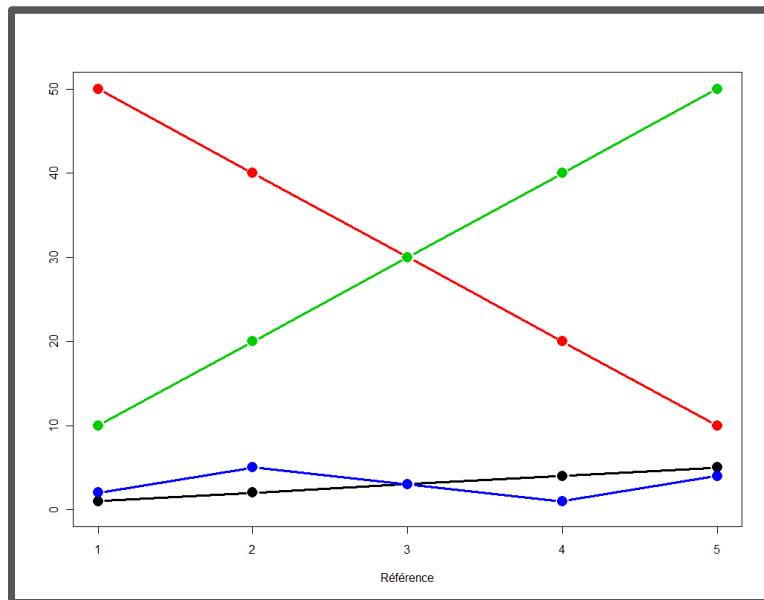
# Classification

# Regrouper des objets qui se ressemblent ◀◀◀



# Quelle distance choisir ? ◀◀◀

- Distance euclidienne
- $1 - \text{corrélation}$
- $1 - \text{corrélation}^2$



Référence	1	2	3	4	5
Individu 1	50	40	30	20	10
Individu 2	10	20	30	40	50
Individu 3	2	5	3	1	4

# Exemple 4

## Transformation de données

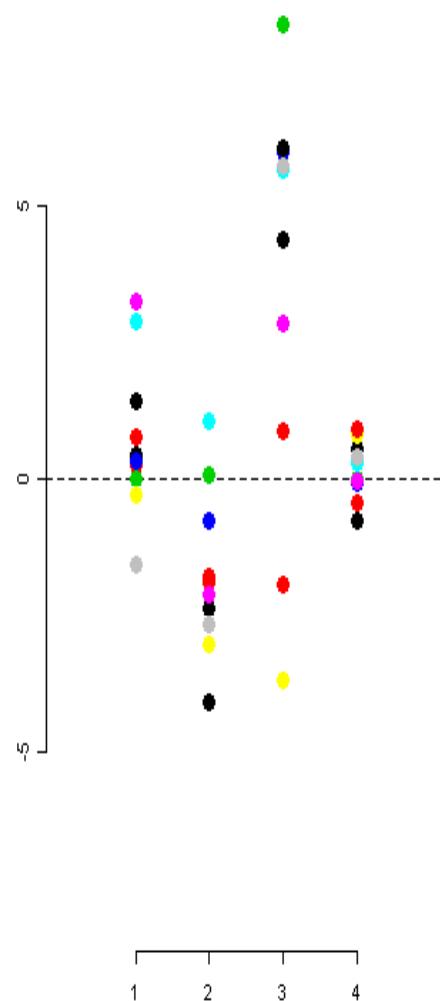
# Centrage - Réduction



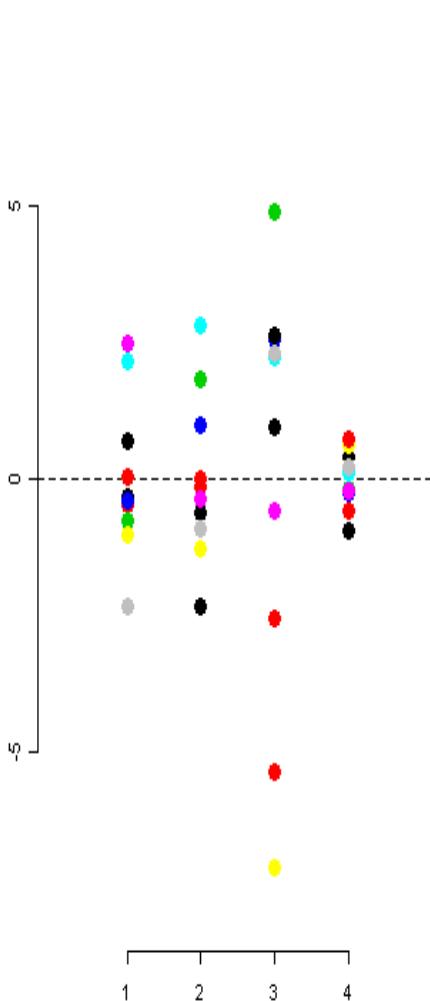
- **Centrer** : retrancher la moyenne
- **Réduire** : diviser par l'écart-type

$$Z_i = \frac{X_i - \bar{X}}{\sigma_X}$$

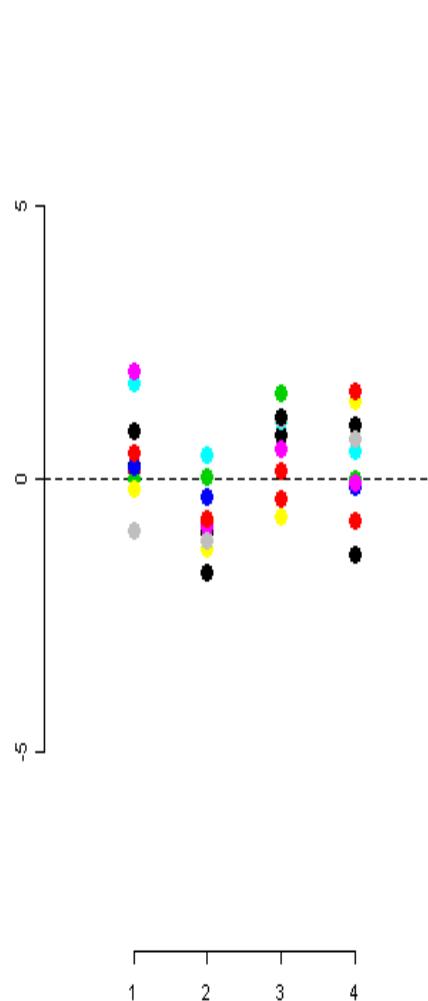
Données brutes



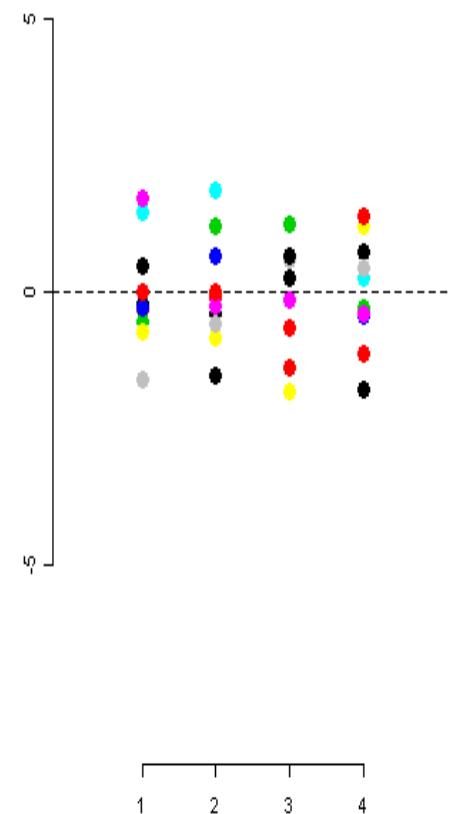
Données centrées



Données réduites



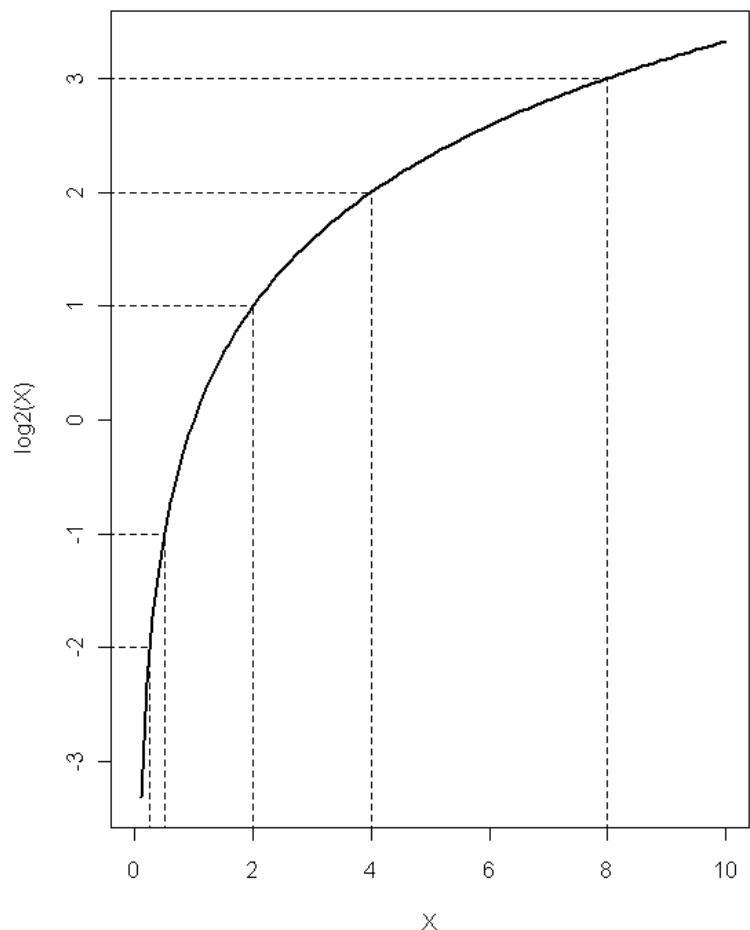
Données centrées-réduites



# Transformation log



<b>X</b>	0,125 $= 2^{-3}$	0,25 $= 2^{-2}$	0,5 $= 2^{-1}$	1 $= 2^0$	2 $= 2^1$	4 $= 2^2$	8 $= 2^3$
<b><math>\log_2(X)</math></b>	-3	-2	-1	0	1	2	3



- Utile pour la conversion de ratio
- Exemple : le ``double'' et la ``moitié'' sont rendues symétriques par rapport à 0
- Pour les p-values, on aura plus intérêt à utiliser  $\log_{10}$ .
- La fonction réciproque de « log » est la fonction puissance :

$$Y = \log_2(X) \leftrightarrow X = 2^Y$$

$$Y = \log_{10}(X) \leftrightarrow X = 10^Y$$

$$Y = \ln(X) \leftrightarrow X = e^Y = \exp(Y)$$

# Exemple 5

## Planification expérimentale

# Confusion des effets



2 conditions à l'étude : Contrôle / Traitement

Jour 1



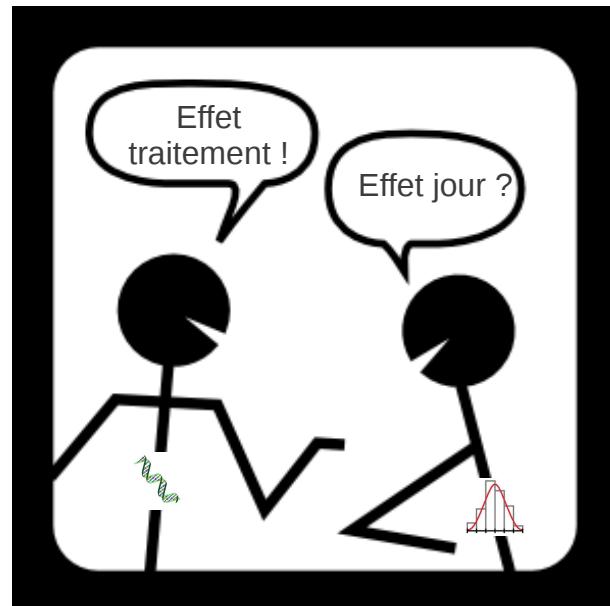
8 échantillons Contrôle

Jour 2



8 échantillons Traitement

Test statistique : les moyennes des 2 séries sont significativement différentes !



Jour 1

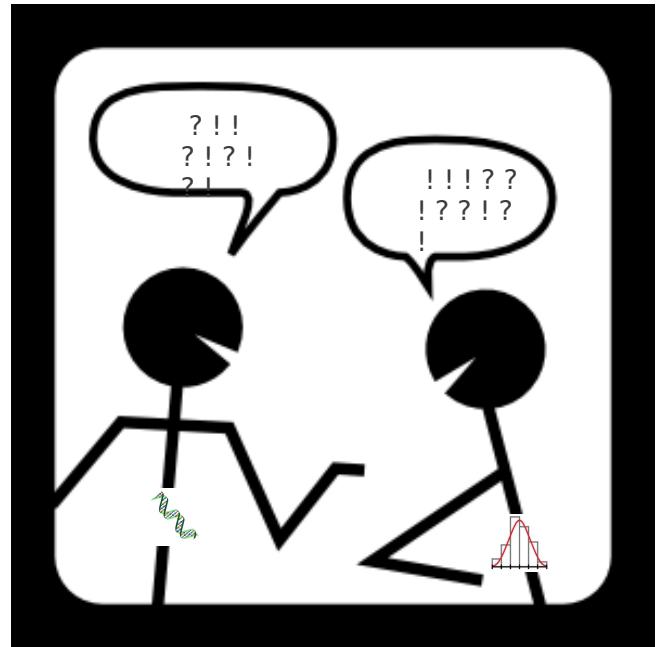


Jour 2



Randomisation

# Interaction



- 1) énoncer clairement une question précise
- 2) prévoir les méthodes d'analyse des données
- 3) mettre en place un plan d'expérience

## 4) acquérir les données

- 5) analyser des données
- 6) interpréter des résultats
- 7) répondre à la question posée

*Avant d'être exécutés, on accorde une dernière volonté à un statisticien et à un biologiste. Le statisticien demande l'autorisation de donner une dernière conférence sur sa Grande Théorie des Statistiques. Le biologiste demande à être exécuté en premier (...avant la conférence...)*

*To call in the statistician after the experiment is done may be no more than asking him to perform a post-mortem examination: he may be able to say what the experiment died of.*

R.A. Fisher



# The End